

Name: \_\_\_\_\_

Matrikel-Nr.: \_\_\_\_\_

# Klausur Statistik

Prüfer	Etschberger, Heiden, Jansen
Prüfungsdatum	1. Juli 2015
Prüfungsort	Augsburg
Studiengang	IM und BW
Bearbeitungszeit:	90 Minuten
Punkte:	90
Die Klausur umfasst	6 Aufgaben auf 28 Seiten
Zugelassene Hilfsmittel	Schreibzeug, Taschenrechner, der nicht 70! berechnen kann, ein mit dem Namen versehenes Din-A4 Blatt mit handgeschriebenen Notizen (keine Kopien oder Ausdrucke)

### Weitere Regularien:

- Bitte überprüfen Sie vor Bearbeitungsbeginn die Vollständigkeit der Klausurangabe.
  - Tragen Sie Ihren Namen und Ihre Matrikelnummer auf dem Deckblatt ein.
  - Die Heftung der Klausur darf nicht verändert werden.
  - Bitte tragen Sie die Lösung zu den jeweiligen Aufgaben *nur* direkt im Anschluss an die jeweilige Angabe ein. Sollte der Platz dort nicht ausreichen, verwenden Sie die Ersatzblätter am Ende der Klausurangabe.
  - Der benutzte Lösungsweg muss klar erkennbar sein.
  - Die Klausur ist in ordentlich lesbarer Form zu bearbeiten. Schwer lesbare Teile der Klausur werden als ungültig ersatzlos gestrichen.
  - Die Klausur unterliegt der für Sie zur Zeit gültigen Prüfungsordnung.
  - Bitte verwenden Sie *keine rote Farbe* zur Bearbeitung der Klausur.

## Aufgabe 1

14 Punkte

Ein Freund von Ihnen hat über einen Teil seiner Daten, die er für seine Bachelorarbeit erhoben hat, Kaffee geschüttet. Die bereits sortierte Urliste wurde dadurch zum Teil unleserlich. Einige Einträge sowie einige Eigenschaften des kompletten Datensatzes sind aber noch zu entziffern:

$x_1$	$x_2$	$x_3$	$x_4$	$x_5$	$x_6$	$\dots$
2	2	3	5	5	5	$\dots$

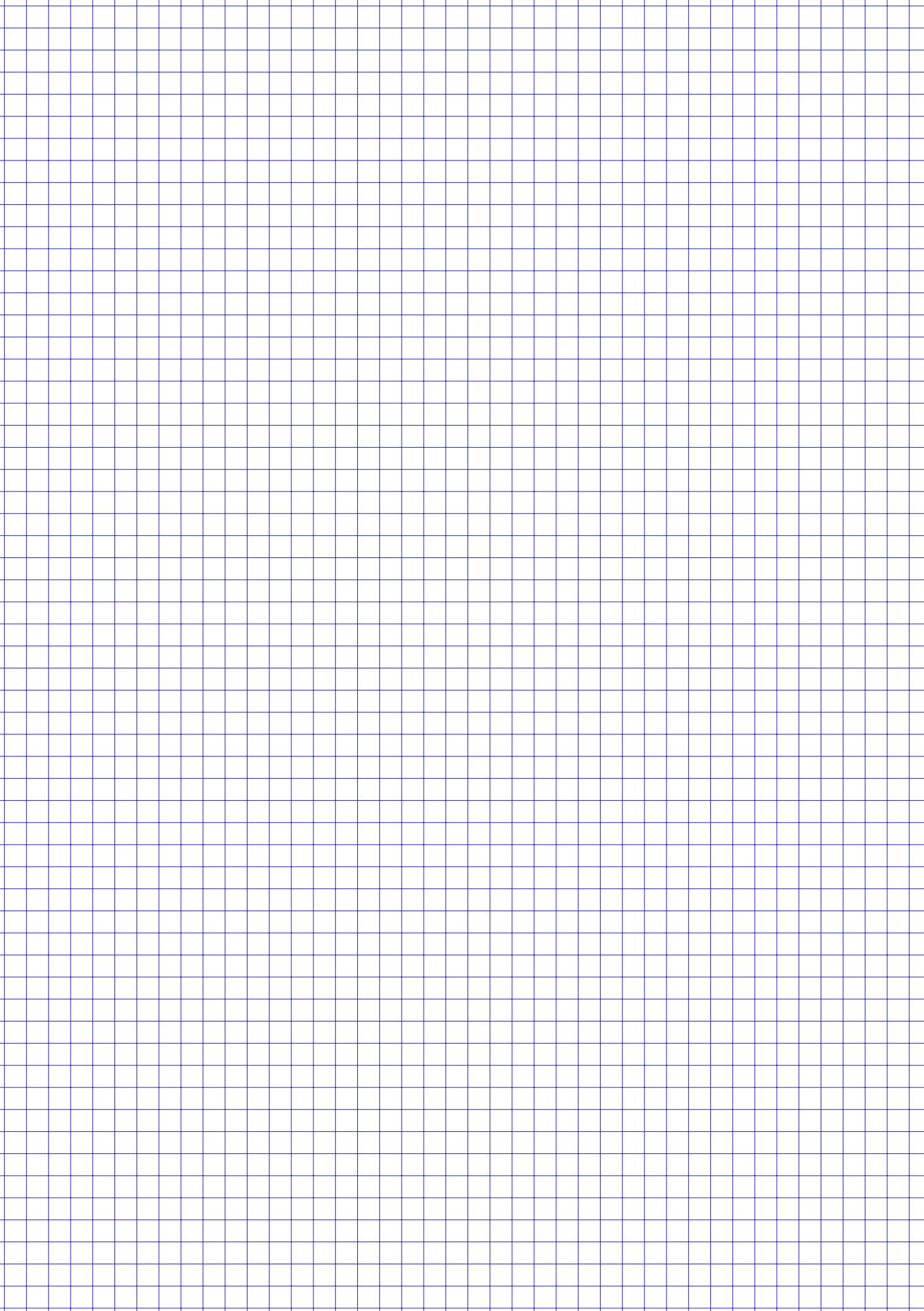
Sie können erkennen, dass  $\bar{x} = 5,5$ , der  $x_{\text{mod}} = 6$  ist, die Spannweite 9 und  $F(6) = F(8)$  ist.

- a) Rekonstruieren Sie die Urliste aus den Ihnen zur Verfügung stehenden Informationen.

Für die Teilaufgaben b) – d) ist eine zweite Urliste eines anderen Merkmals gegeben:

$x_1$	$x_2$	$x_3$	$x_4$	$x_5$	$x_6$	$x_7$
2	2	3	5	5	5	8

- b) R: Geben Sie einen R-Befehl an, mit dem man die Daten in einer Variable  $x$  speichert.
- c) R: Geben Sie jeweils R-Befehle an, um den Mittelwert, den Median, die mittlere quadratische Abweichung sowie die Spannweite der Daten zu berechnen.
- d) R: Welcher R-Befehl gibt ein Balkendiagramm aus, bei dem die absoluten Häufigkeiten aller Ausprägungen der  $x_i$  dargestellt sind?



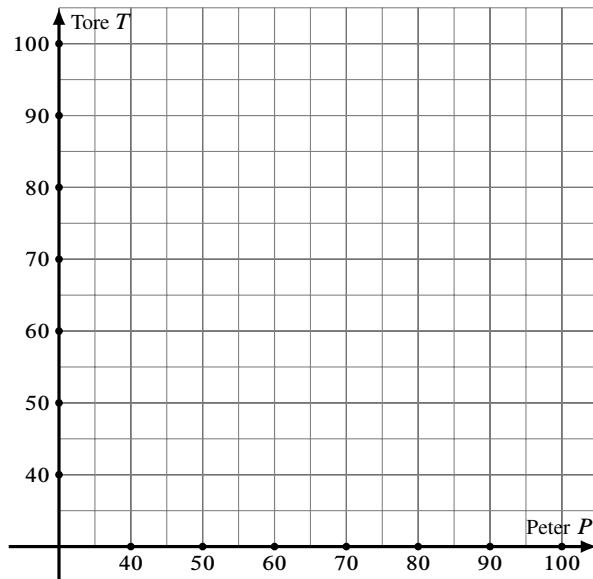
## Aufgabe 2

24 Punkte

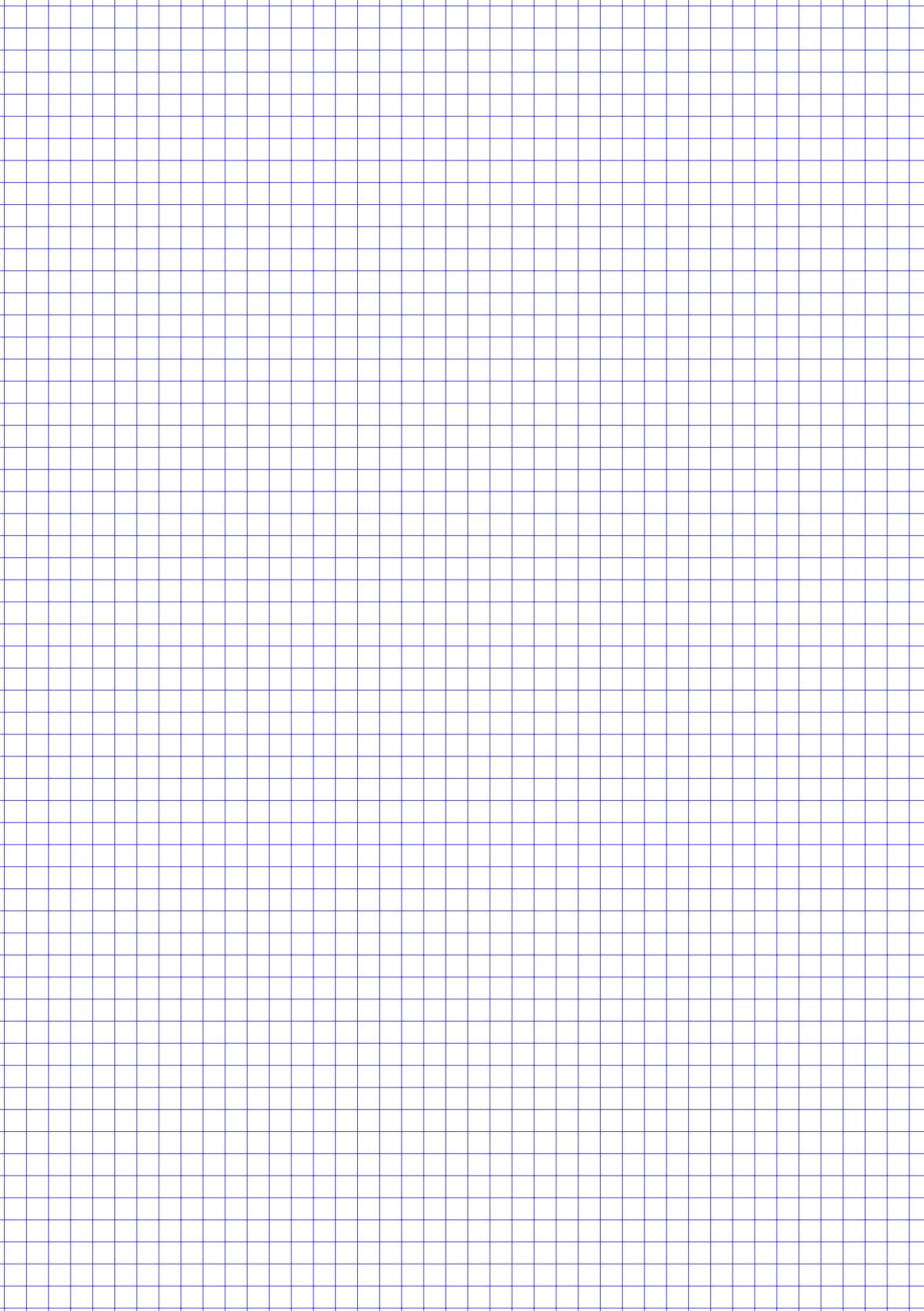
Boris interessiert sich eigentlich nicht für Fußball. Er hat aber neulich Barbara kennengelernt, die leidenschaftlich gerne Fußball kuckt. Um bei Ihr nicht als total ahnungslos dazustehen, möchte Boris das Wissen seines WG-Kumpels Peter nutzen, der sich als Fachmann bezeichnet. Peter hatte schon in der Vergangenheit immer Tipps über die Anzahl der Tore abgegeben, die ein bestimmter Verein in der kommenden Saison insgesamt erzielen wird.

Boris findet eine Tabelle zur vergangenen Saison mit Peters damaligen Prognosen und den dann tatsächlich gefallenen Toren von 10 Vereinen. Er liest:

Verein	Peters Prognose	tatsächliche Tore
1	40	81
2	76	55
3	94	36
4	46	82
5	33	87
6	78	48
7	65	63
8	86	55
9	97	39
10	33	99

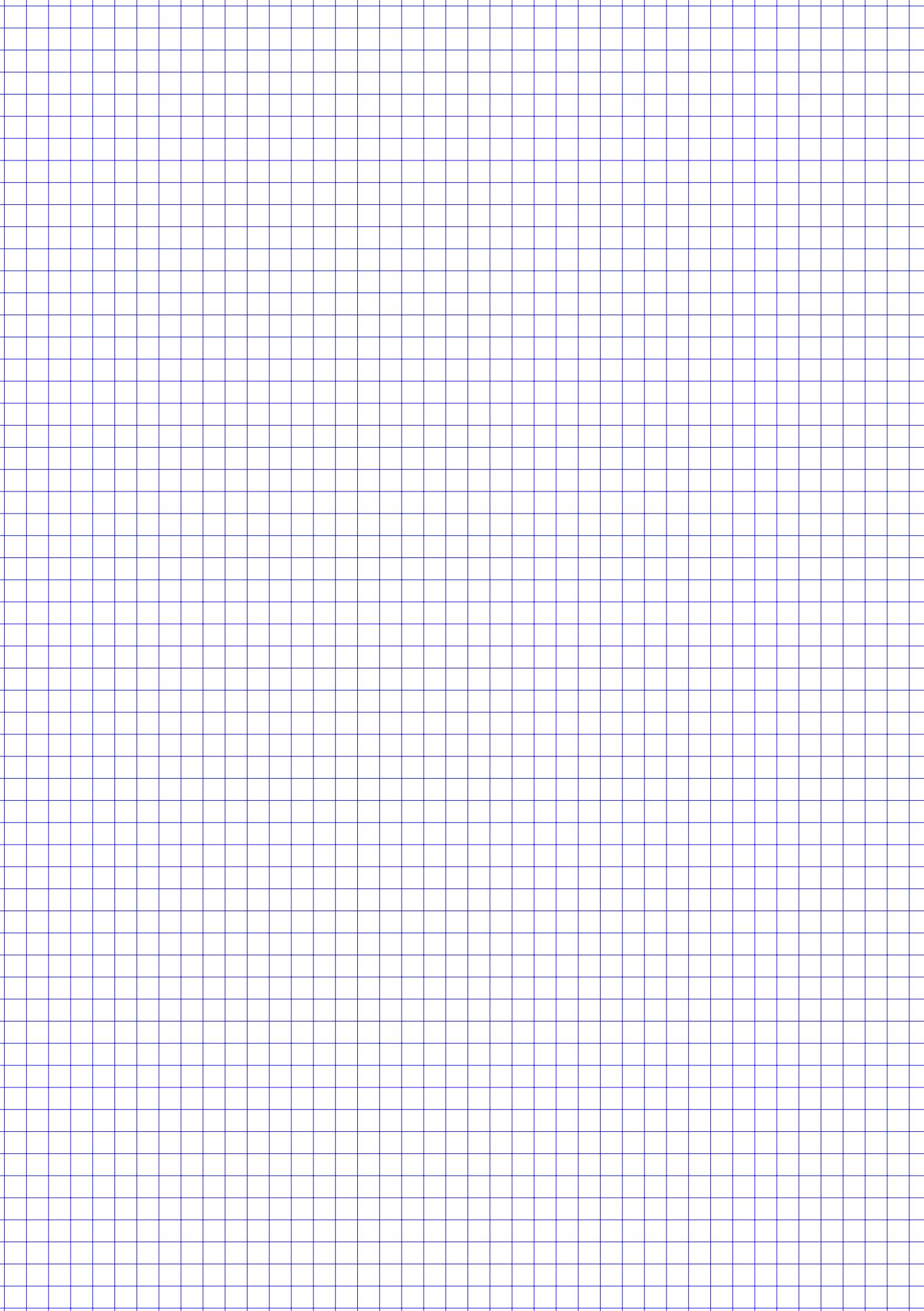


- Tragen Sie die beiden Merkmale Peters Prognose  $P$  und die tatsächlich gefallenen Tore  $T$  als Streuplot in das nebenstehende Koordinatensystem ein.
- Berechnen Sie einen geeigneten Korrelationskoeffizienten der beiden Variablen.
- Die Prognosen von Peter scheinen ziemlich schlecht zu sein. Warum kann man basierend auf diesen Daten trotzdem Peters Prognosen vermutlich als Ausgangspunkt einer neuen, eigenen Prognose nutzen?
- R**: Geben Sie zwei Zeilen R-Code an, mit denen die beiden Merkmale in den Variablen  $P$  und  $T$  in R eingegeben werden können (Die Datenwerte können Sie dabei abkürzen).
- R**: Wie berechnet man die Korrelation von  $P$  und  $T$  in R?
- Boris möchte das „Wissen“ von Peter ausnutzen und berechnet zu diesem Zweck ein lineares Regressionsmodell der Toranzahl in Abhängigkeit von Peters Prognosewerten. Berechnen Sie auch dieses Modell und geben Sie die Modellgleichung an.
- Angenommen Peter prognostiziert für einen Verein in der kommenden Saison 45 Tore: Wieviel Tore würde Boris (basierend auf dem Regressionsmodell) schätzen?
- R**: Geben Sie R-Befehle an, mit denen man
  - den Streuplot zeichnet,
  - das Regressionsmodell in R berechnet,
  - und die Regressionsgerade in R in den Streuplot einzeichnet.



**Aufgabe 3****5 Punkte**

- a) Bestimmen Sie die Anzahl der verschiedenen Permutationen, die aus allen Buchstaben des Wortes SEEWEG gebildet werden können.
- b) Wie viele von den Wörtern beginnen und enden mit einem E?
- c) Wie viele von den Wörtern beginnen mit E und enden mit einem G?
- d) In wie vielen Wörtern stehen alle drei E hintereinander?



## Aufgabe 4

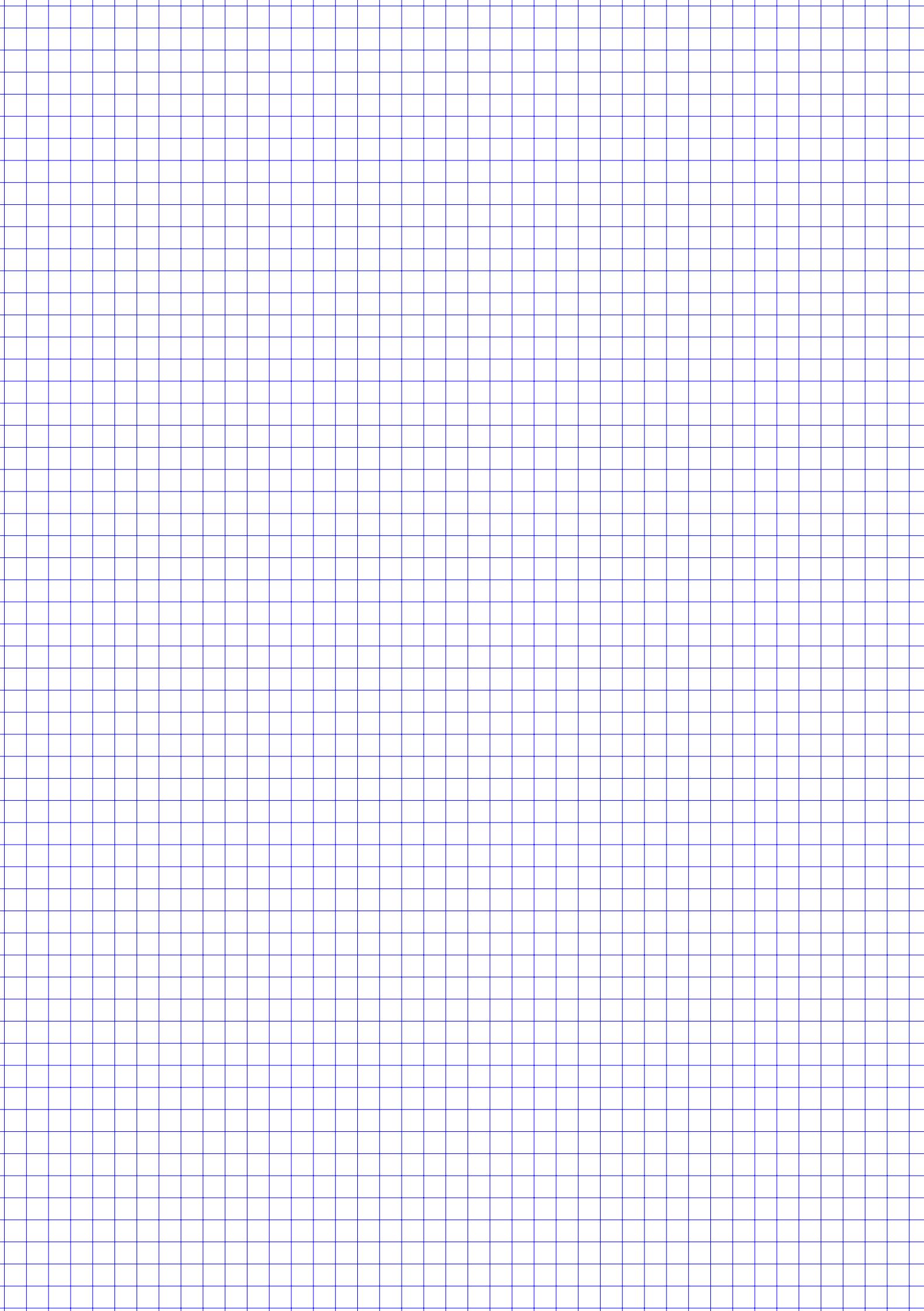
15 Punkte

Berechnen Sie für die Zufallsvariable  $Z$  und die Fälle a) ... e) jeweils die Wahrscheinlichkeit

$$P(2 \leq Z < 4.5).$$

Hinweis: Bitte geben Sie alle Zahlenergebnisse (auch Zwischenergebnisse) mit 4 Nachkommastellen an

- a)  $Z$  ist binomialverteilt nach  $B(20; 0.10)$ .
- b) **R**: Geben Sie einen R-Befehl an, der die gesuchte Wahrscheinlichkeit aus Teilaufgabe a) ausgibt.
- c)  $Z$  ist hypergeometrisch verteilt mit  $N = 50$ ,  $M = 2$  und  $n = 5$ .
- d)  $Z$  ist gleichverteilt im Intervall  $[1;b]$  und es gelte  $F(2) = \frac{1}{20}$ . Bitte berechnen Sie hier zunächst die Intervallgrenze  $b$  und geben Sie diese an.
- e)  $Z$  ist poissonverteilt und es gilt  $P(Z = 0) = 0.1353$ . Berechnen Sie hier zunächst den Parameter  $\lambda$  der Poissonverteilung.
- f) **R**: Benutzen Sie  $\lambda$  aus Teilaufgabe e) und geben Sie einen R-Befehl an, der die gesuchte Wahrscheinlichkeit aus e) ausgibt.



## Aufgabe 5

16 Punkte

Für die zweidimensionale Zufallsvariable  $(X, Y)$  sei folgendes bekannt:

- X hat den Wertebereich  $\{-2; 0; 2\}$
- Y hat den Wertebereich  $\{0; 1\}$
- Es gilt:  $P(X = -2) = P(X = 0) = 0.3$ ,  $P(X = -2, Y = 0) = 0.3$ ,  
 $P(X = 2, Y = 0) = 0.1$ ,  $P(Y = 0) = 0.6$

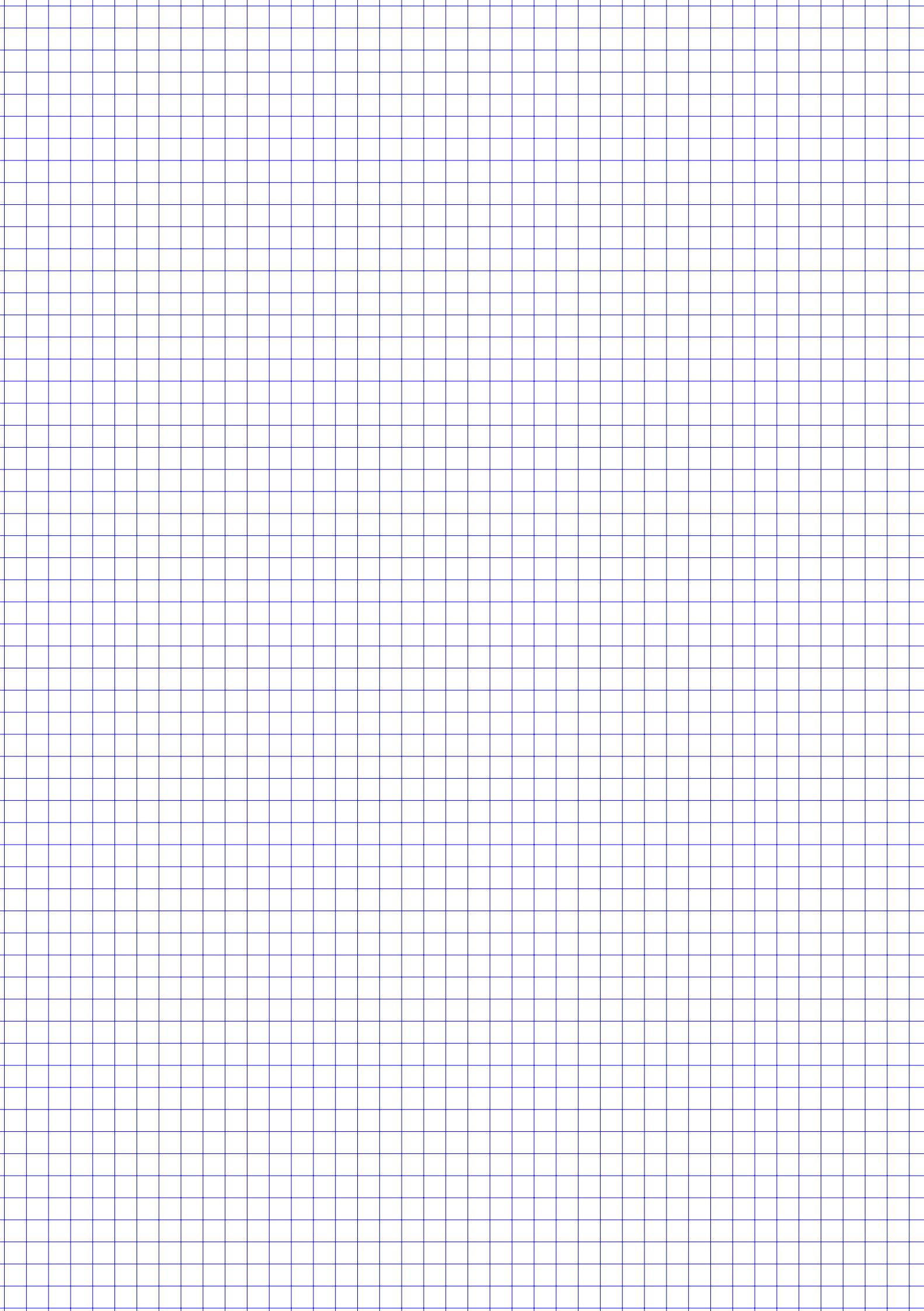
- a) Berechnen Sie die fehlenden gemeinsamen Wahrscheinlichkeiten und Randwahrscheinlichkeiten von  $(X, Y)$  und tragen Sie diese in eine passende Tabelle ein.

Gehen Sie für die Teilaufgaben b) ... d) von der zweidimensionalen Zufallsvariablen  $(A, B)$  mit

$\downarrow A \setminus B \rightarrow$	0	3	
-1	0.05	0.05	0.10
0	0.20	0.00	0.20
1	0.40	0.30	0.70
		0.65	0.35
			1

aus und berechnen Sie bitte folgende Größen:

- b) Den Erwartungswert und die Varianz von  $A$ .
- c) Den Erwartungswert und die Varianz von  $B$ .
- d) Den Erwartungswert der Zufallsvariablen  $C = A \cdot B$  sowie  $\text{Cov}[A, B]$ .



## Aufgabe 6

16 Punkte

Eine Hochschule interessiert sich für das Einkommen ihrer Absolventen. Dazu werden 25 berufstätige Alumni 10 Jahre nach dem Abschluss zu ihrem aktuellen Einkommen (Merkmal  $X$ , in Tausend Euro pro Jahr) befragt. Die Beobachtungen können als Ergebnis einer einfachen Stichprobe aus einer normalverteilten Grundgesamtheit angesehen werden. Es ergeben sich für die Ausprägungen  $a_i$  bzw. für die Häufigkeiten  $h_i$  in der Stichprobe:

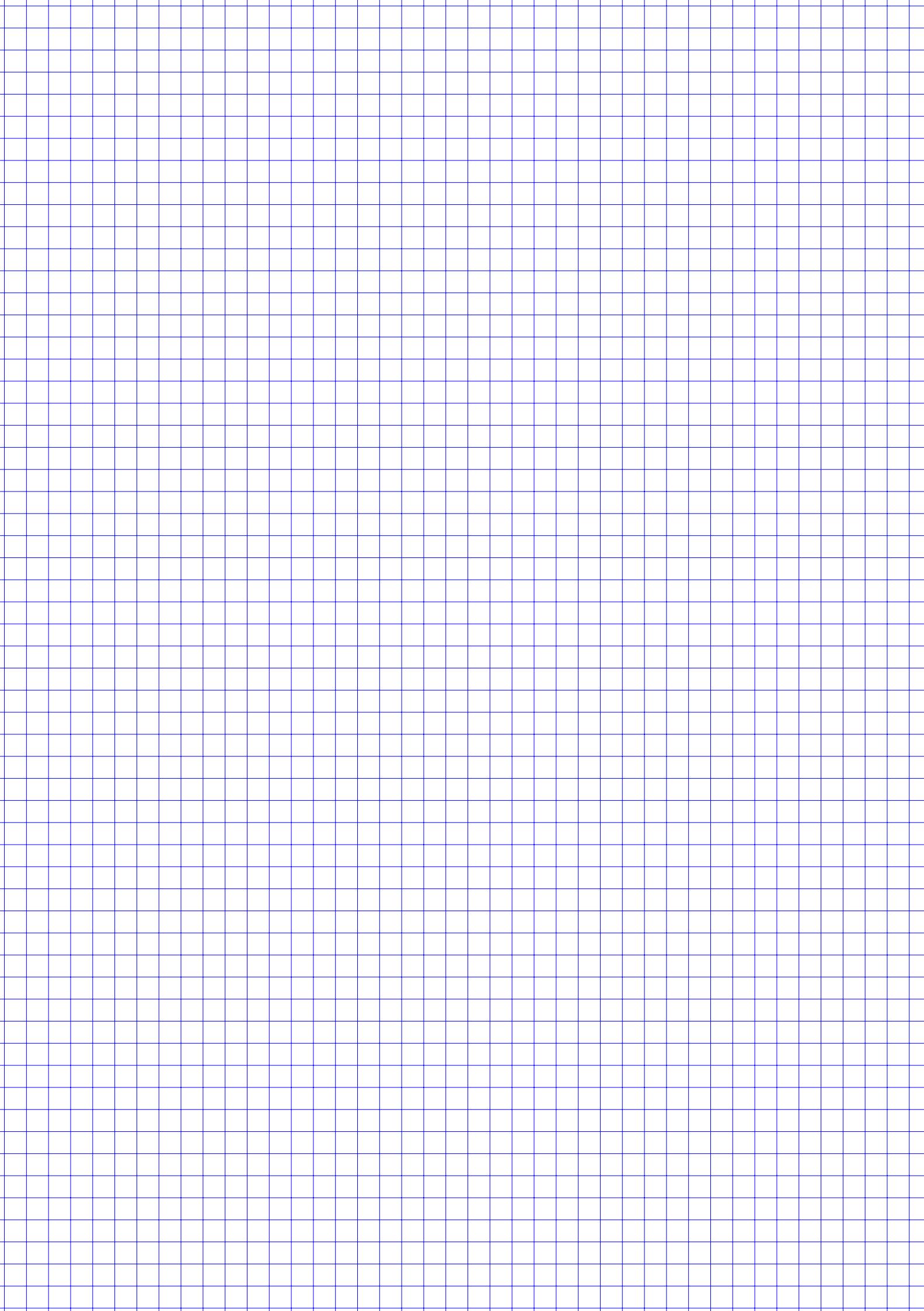
$a_i$	20	25	30	35	40	45	50	55	60	65	85	90	95
$h_i$	1	3	2	1	1	2	3	3	1	3	3	1	1

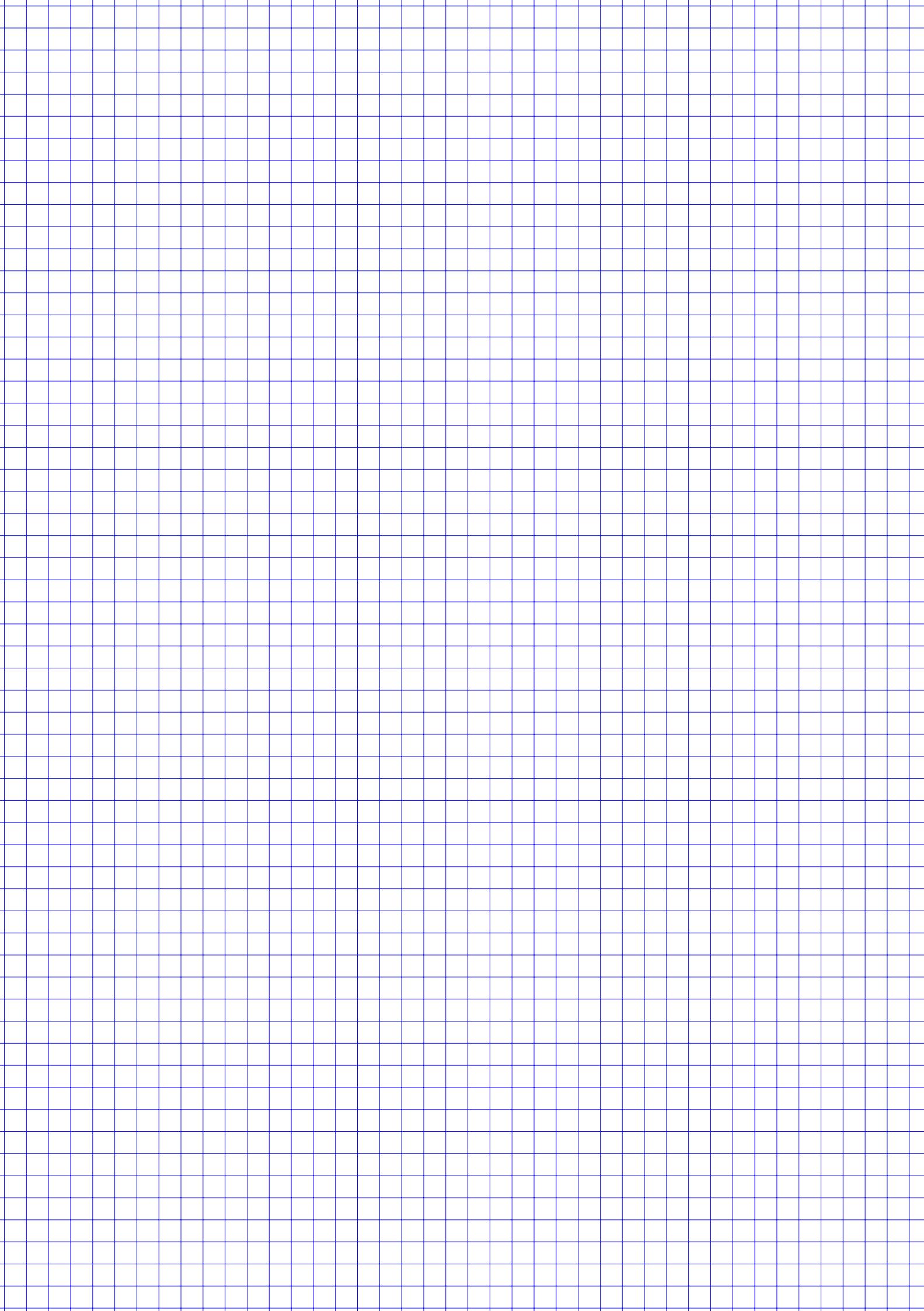
- Bestimmen Sie ein Konfidenzintervall für den Mittelwert der Einkommen in der Grundgesamtheit (unabhängig vom Studiengang) zu einem Konfidenzniveau von 90 %.
- R: Angenommen, die Urliste ist in R in der Variable  $x$  gespeichert. Geben Sie *einen* R-Befehl an, mit dem man das Konfidenzintervall aus a) berechnen kann.
- Wie müsste die Nullhypothese  $H_0$  und die Gegenhypothese  $H_1$  lauten, wenn die Hochschulleitung statistisch bestätigen möchte, dass das durchschnittliche Einkommen in der Grundgesamtheit (Gehalt aller Absolventen 10 Jahre nach dem Abschluss) höher als 40.000 € ist?
- Würden Sie eher ein hohes oder ein niedriges Signifikanzniveau wählen, wenn Sie diese Vermutung statistisch bestätigen wollen?
- Was bedeutet der Fehler 1. Art hier?
- R: Beim Ausführen eines Tests in R ergibt sich mit den Einkommensdaten als Ausgabe:

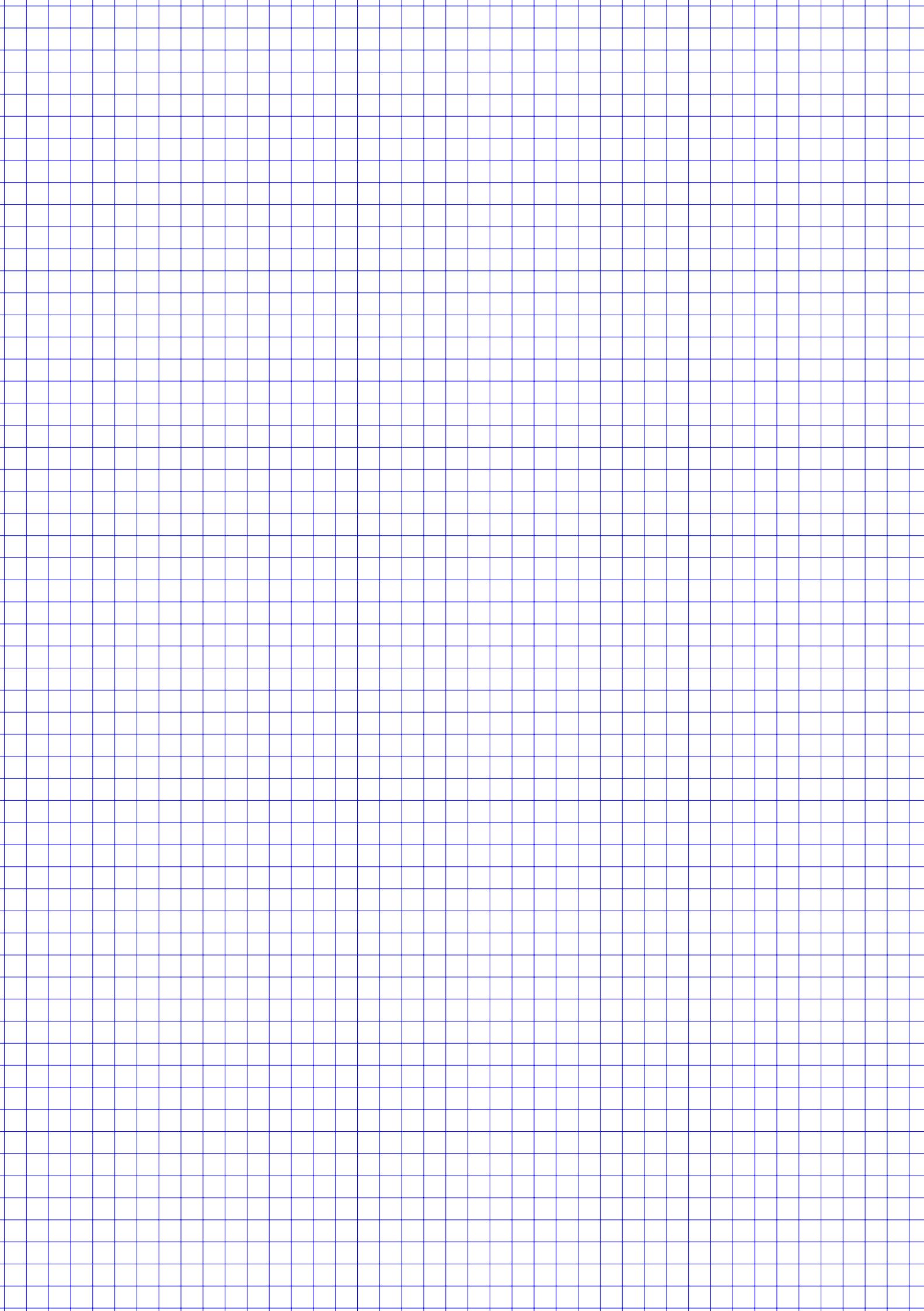
```
t.test(x, mu = 40, alternative = "greater")
##
##  One Sample t-test
##
## data: x
## t = 2,971, df = 24, p-value = 0,003324
## alternative hypothesis: true mean is greater than 40
## 95 percent confidence interval:
## 45,5986      Inf
## sample estimates:
## mean of x
##      53,2
```

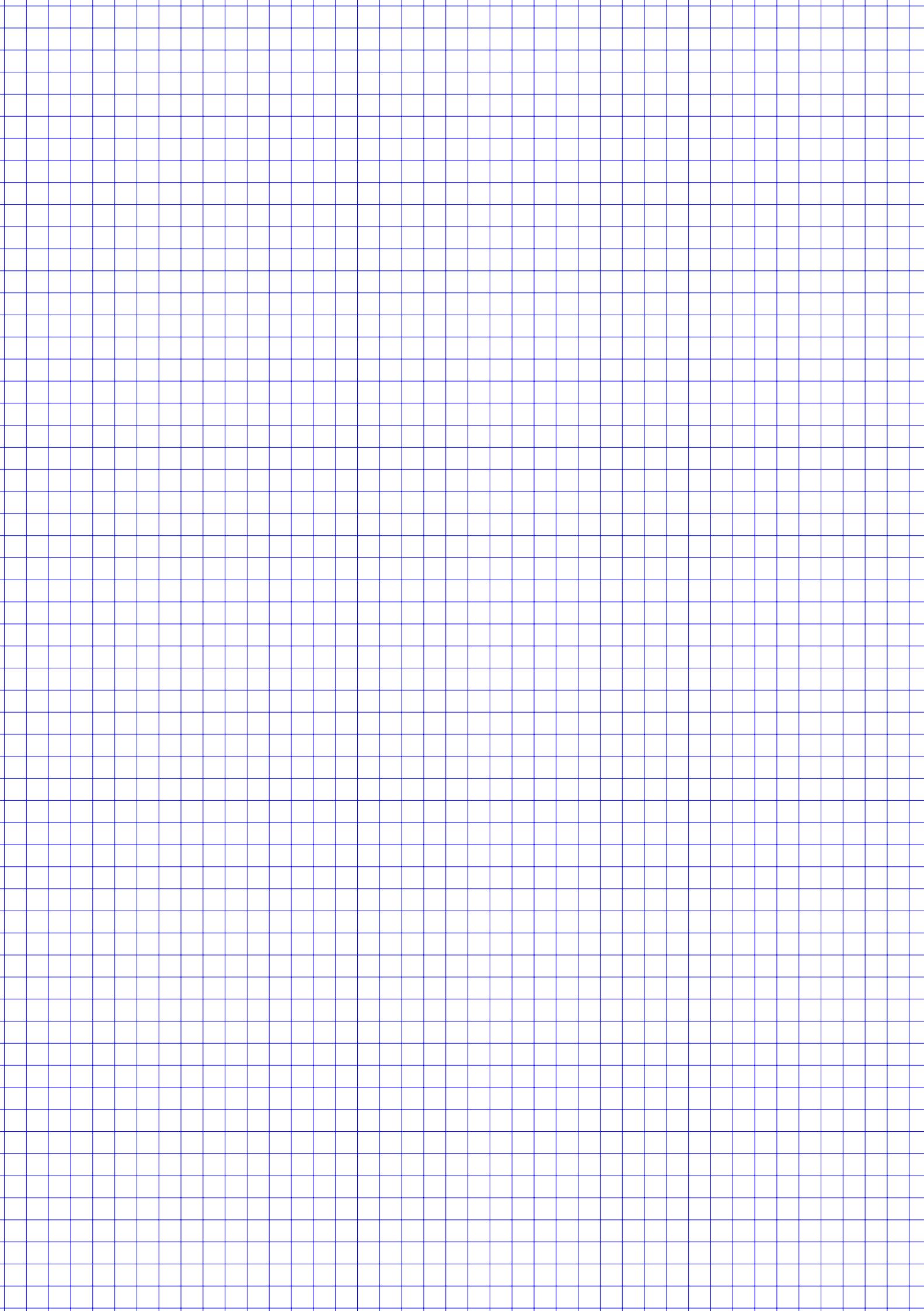
Was bedeutet in dieser Ausgabe  $t = \dots$ ,  $df = \dots$ ?

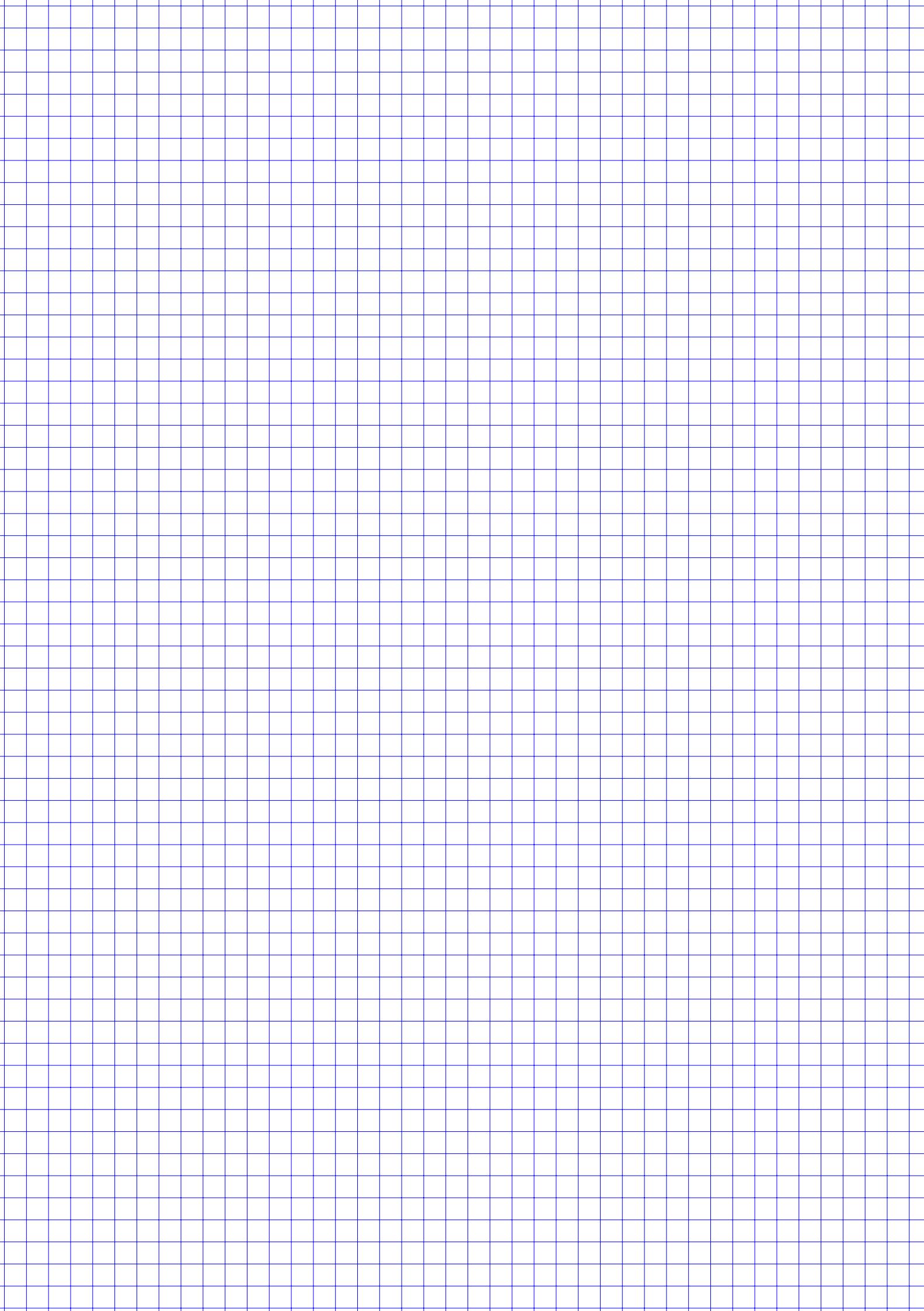
Würden Sie anhand der Ausgabe zu einem Signifikanzniveau von 5% die Aussage bestätigen, dass das durchschnittliche Einkommen in der Grundgesamtheit (Gehalt aller Absolventen 10 Jahre nach dem Abschluss) höher als 40.000 € ist? Woran haben Sie Ihre Entscheidung abgelesen?











## Tabellen

Binomialverteilung  $X \sim B(n; p)$ , Verteilungsfunktion  $F(x) = P(X \leq x)$

$n = 2$

$\downarrow x$	$p \rightarrow$	0,01	0,02	0,03	0,04	0,05	0,06	0,07	0,08	0,09	0,1	0,2	0,25	0,3	0,4	0,5
0		0,9801	0,9604	0,9409	0,9216	0,9025	0,8836	0,8649	0,8464	0,8281	0,8100	0,6400	0,5625	0,4900	0,3600	0,2500
1		0,9999	0,9996	0,9991	0,9984	0,9975	0,9964	0,9951	0,9936	0,9919	0,9900	0,9600	0,9375	0,9100	0,8400	0,7500

$n = 3$

$\downarrow x$	$p \rightarrow$	0,01	0,02	0,03	0,04	0,05	0,06	0,07	0,08	0,09	0,1	0,2	0,25	0,3	0,4	0,5
0		0,9703	0,9412	0,9127	0,8847	0,8574	0,8306	0,8044	0,7787	0,7536	0,7290	0,5120	0,4219	0,3430	0,2160	0,1250
1		0,9997	0,9988	0,9974	0,9953	0,9928	0,9896	0,9860	0,9818	0,9772	0,9720	0,8960	0,8438	0,7840	0,6480	0,5000
2		1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9999	0,9998	0,9997	0,9995	0,9993	0,9990	0,9920	0,9844	0,9730	0,9360	0,8750

$n = 4$

$\downarrow x$	$p \rightarrow$	0,01	0,02	0,03	0,04	0,05	0,06	0,07	0,08	0,09	0,1	0,2	0,25	0,3	0,4	0,5
0		0,9606	0,9224	0,8853	0,8493	0,8145	0,7807	0,7481	0,7164	0,6857	0,6561	0,4096	0,3164	0,2401	0,1296	0,0625
1		0,9994	0,9977	0,9948	0,9909	0,9860	0,9801	0,9733	0,9656	0,9570	0,9477	0,8192	0,7383	0,6517	0,4752	0,3125
2		1,0000	1,0000	0,9999	0,9998	0,9995	0,9992	0,9987	0,9981	0,9973	0,9963	0,9728	0,9492	0,9163	0,8208	0,6875
3		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9999	0,9984	0,9961	0,9919	0,9744	0,9375

$n = 5$

$\downarrow x$	$p \rightarrow$	0,01	0,02	0,03	0,04	0,05	0,06	0,07	0,08	0,09	0,1	0,2	0,25	0,3	0,4	0,5
0		0,9510	0,9039	0,8587	0,8154	0,7738	0,7339	0,6957	0,6591	0,6240	0,5905	0,3277	0,2373	0,1681	0,0778	0,0313
1		0,9990	0,9962	0,9915	0,9852	0,9774	0,9681	0,9575	0,9456	0,9326	0,9185	0,7373	0,6328	0,5282	0,3370	0,1875
2		1,0000	0,9999	0,9997	0,9994	0,9988	0,9980	0,9969	0,9955	0,9937	0,9914	0,9421	0,8965	0,8369	0,6826	0,5000
3		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9999	0,9998	0,9997	0,9995	0,9933	0,9844	0,9692	0,9130	0,8125
4		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9997	0,9990	0,9976	0,9898	0,9688

$n = 6$

$\downarrow x$	$p \rightarrow$	0,01	0,02	0,03	0,04	0,05	0,06	0,07	0,08	0,09	0,1	0,2	0,25	0,3	0,4	0,5
0		0,9415	0,8858	0,8330	0,7828	0,7351	0,6899	0,6470	0,6064	0,5679	0,5314	0,2621	0,1780	0,1176	0,0467	0,0156
1		0,9985	0,9943	0,9875	0,9784	0,9672	0,9541	0,9392	0,9227	0,9048	0,8857	0,6554	0,5339	0,4202	0,2333	0,1094
2		1,0000	0,9998	0,9995	0,9988	0,9978	0,9962	0,9942	0,9915	0,9882	0,9842	0,9011	0,8306	0,7443	0,5443	0,3438
3		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9998	0,9997	0,9995	0,9992	0,9987	0,9830	0,9624	0,9295	0,8208	0,6563
4		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9984	0,9954	0,9891	0,9590
5		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9998	0,9993	0,9959	0,9844

$n = 7$	$\downarrow x$	$p \rightarrow$	0,01	0,02	0,03	0,04	0,05	0,06	0,07	0,08	0,09	0,1	0,2	0,25	0,3	0,4	0,5
0			0,9321	0,8681	0,8080	0,7514	0,6983	0,6485	0,6017	0,5578	0,5168	0,4783	0,2097	0,1335	0,0824	0,0280	0,0078
1			0,9980	0,9921	0,9829	0,9706	0,9556	0,9382	0,9187	0,8974	0,8745	0,8503	0,5767	0,4449	0,3294	0,1586	0,0625
2			1,0000	0,9997	0,9991	0,9980	0,9962	0,9937	0,9903	0,9860	0,9807	0,9743	0,8520	0,7564	0,6471	0,4199	0,2266
3			1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9998	0,9996	0,9993	0,9988	0,9982	0,9973	0,9667	0,9294	0,8740	0,7102	0,5000
4			1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9999	0,9998	0,9953	0,9871	0,9712	0,9037	0,7734
5			1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9996	0,9987	0,9962	0,9812	0,9375
6			1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9998	0,9984	0,9922

$n = 8$	$\downarrow x$	$p \rightarrow$	0,01	0,02	0,03	0,04	0,05	0,06	0,07	0,08	0,09	0,1	0,2	0,25	0,3	0,4	0,5
0			0,9227	0,8508	0,7837	0,7214	0,6634	0,6096	0,5596	0,5132	0,4703	0,4305	0,1678	0,1001	0,0576	0,0168	0,0039
1			0,9973	0,9897	0,9777	0,9619	0,9428	0,9208	0,8965	0,8702	0,8423	0,8131	0,5033	0,3671	0,2553	0,1064	0,0352
2			0,9999	0,9996	0,9987	0,9969	0,9942	0,9904	0,9853	0,9789	0,9711	0,9619	0,7969	0,6785	0,5518	0,3154	0,1445
3			1,0000	1,0000	0,9999	0,9998	0,9996	0,9993	0,9987	0,9978	0,9966	0,9950	0,9437	0,8862	0,8059	0,5941	0,3633
4			1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9999	0,9997	0,9996	0,9896	0,9727	0,9420	0,8263	0,6367
5			1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9988	0,9958	0,9887	0,9502	0,8555
6			1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9996	0,9987	0,9915	0,9648
7			1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9993	0,9961

$n = 9$	$\downarrow x$	$p \rightarrow$	0,01	0,02	0,03	0,04	0,05	0,06	0,07	0,08	0,09	0,1	0,2	0,25	0,3	0,4	0,5
0			0,9135	0,8337	0,7602	0,6925	0,6302	0,5730	0,5204	0,4722	0,4279	0,3874	0,1342	0,0751	0,0404	0,0101	0,0020
1			0,9966	0,9869	0,9718	0,9522	0,9288	0,9022	0,8729	0,8417	0,8088	0,7748	0,4362	0,3003	0,1960	0,0705	0,0195
2			0,9999	0,9994	0,9980	0,9955	0,9916	0,9862	0,9791	0,9702	0,9595	0,9470	0,7382	0,6007	0,4628	0,2318	0,0898
3			1,0000	1,0000	0,9999	0,9997	0,9994	0,9987	0,9977	0,9963	0,9943	0,9917	0,9144	0,8343	0,7297	0,4826	0,2539
4			1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9998	0,9997	0,9995	0,9991	0,9804	0,9511	0,9012	0,7334	0,5000
5			1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9969	0,9900	0,9747	0,9006	0,7461
6			1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9997	0,9987	0,9957	0,9750	0,9102	
7			1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9996	0,9962	0,9805	
8			1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9997	0,9980	

$n = 10$	$\downarrow x$	$p \rightarrow$	0,01	0,02	0,03	0,04	0,05	0,06	0,07	0,08	0,09	0,1	0,2	0,25	0,3	0,4	0,5
0			0,9044	0,8171	0,7374	0,6648	0,5987	0,5386	0,4840	0,4344	0,3894	0,3487	0,1074	0,0563	0,0282	0,0060	0,0010
1			0,9957	0,9838	0,9655	0,9418	0,9139	0,8824	0,8483	0,8121	0,7746	0,7361	0,3758	0,2440	0,1493	0,0464	0,0107
2			0,9999	0,9991	0,9972	0,9938	0,9885	0,9812	0,9717	0,9599	0,9460	0,9298	0,6778	0,5256	0,3828	0,1673	0,0547
3			1,0000	1,0000	0,9999	0,9996	0,9990	0,9980	0,9964	0,9942	0,9912	0,9872	0,8791	0,7759	0,6496	0,3823	0,1719
4			1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9998	0,9997	0,9994	0,9990	0,9984	0,9672	0,9219	0,8497	0,6331	0,3770
5			1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9999	0,9936	0,9803	0,9527	0,8338	0,6230
6			1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9991	0,9965	0,9894	0,9452	0,8281
7			1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9996	0,9984	0,9877	0,9453
8			1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9983	0,9893
9			1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9990

$$n = 15$$

$$n = 20$$

$$n = 25$$

$$n = 50$$

$$n = 100$$

$\downarrow x$	$p \rightarrow$	0,01	0,02	0,03	0,04	0,05	0,06	0,07	0,08	0,09	0,1	0,2	0,25	0,3	0,4	0,5
0		0,3660	0,1326	0,0476	0,0169	0,0059	0,0021	0,0007	0,0002	0,0001	0,0000	0,0000	0,0000	0,0000	0,0000	0,0000
1		0,7358	0,4033	0,1946	0,0872	0,0371	0,0152	0,0060	0,0023	0,0009	0,0003	0,0000	0,0000	0,0000	0,0000	0,0000
2		0,9206	0,6767	0,4198	0,2321	0,1183	0,0566	0,0258	0,0113	0,0048	0,0019	0,0000	0,0000	0,0000	0,0000	0,0000
3		0,9816	0,8590	0,6472	0,4295	0,2578	0,1430	0,0744	0,0367	0,0173	0,0078	0,0000	0,0000	0,0000	0,0000	0,0000
4		0,9966	0,9492	0,8179	0,6289	0,4360	0,2768	0,1632	0,0903	0,0474	0,0237	0,0000	0,0000	0,0000	0,0000	0,0000
5		0,9995	0,9845	0,9192	0,7884	0,6160	0,4407	0,2914	0,1799	0,1045	0,0576	0,0000	0,0000	0,0000	0,0000	0,0000
6		0,9999	0,9959	0,9688	0,8936	0,7660	0,6064	0,4443	0,3032	0,1940	0,1172	0,0001	0,0000	0,0000	0,0000	0,0000
7		1,0000	0,9991	0,9894	0,9525	0,8720	0,7483	0,5988	0,4471	0,3128	0,2061	0,0003	0,0000	0,0000	0,0000	0,0000
8		1,0000	0,9998	0,9968	0,9810	0,9369	0,8537	0,7340	0,5926	0,4494	0,3209	0,0009	0,0000	0,0000	0,0000	0,0000
9		1,0000	1,0000	0,9991	0,9932	0,9718	0,9225	0,8380	0,7220	0,5875	0,4513	0,0023	0,0000	0,0000	0,0000	0,0000
10		1,0000	1,0000	0,9998	0,9978	0,9885	0,9624	0,9092	0,8243	0,7118	0,5832	0,0057	0,0001	0,0000	0,0000	0,0000
11		1,0000	1,0000	1,0000	0,9993	0,9957	0,9832	0,9531	0,8972	0,8124	0,7030	0,0126	0,0004	0,0000	0,0000	0,0000
12		1,0000	1,0000	1,0000	0,9998	0,9985	0,9931	0,9776	0,9441	0,8862	0,8018	0,0253	0,0010	0,0000	0,0000	0,0000
13		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9995	0,9974	0,9901	0,9718	0,9355	0,8761	0,0469	0,0025	0,0001	0,0000	0,0000
14		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9991	0,9959	0,9867	0,9659	0,9274	0,0804	0,0054	0,0002	0,0000	0,0000
15		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9997	0,9984	0,9942	0,9831	0,9601	0,1285	0,0111	0,0004	0,0000	0,0000	0,0000
16		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9994	0,9976	0,9922	0,9794	0,1923	0,0211	0,0010	0,0000	0,0000	0,0000
17		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9998	0,9991	0,9966	0,9900	0,2712	0,0376	0,0022	0,0000	0,0000	0,0000
18		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9997	0,9986	0,9954	0,3621	0,0630	0,0045	0,0000	0,0000	0,0000
19		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9995	0,9980	0,4602	0,0995	0,0089	0,0000	0,0000	0,0000
20		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9998	0,9992	0,5595	0,1488	0,0165	0,0000	0,0000	0,0000
21		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9997	0,6540	0,2114	0,0288	0,0000	0,0000	0,0000
22		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,7389	0,2864	0,0479	0,0001	0,0000	0,0000
23		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,8109	0,3711	0,0755	0,0003	0,0000	0,0000	0,0000
24		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,8686	0,4617	0,1136	0,0006	0,0000	0,0000
25		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9125	0,5535	0,1631	0,0012	0,0000	0,0000
26		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9442	0,6417	0,2244	0,0024	0,0000	0,0000
27		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9658	0,7224	0,2964	0,0046	0,0000	0,0000
28		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9800	0,7925	0,3768	0,0084	0,0000	0,0000
29		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9888	0,8505	0,4623	0,0148	0,0000	0,0000
30		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9939	0,8962	0,5491	0,0248	0,0000	0,0000
31		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9969	0,9307	0,6331	0,0398	0,0001	0,0000
32		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9984	0,9554	0,7107	0,0615	0,0002	0,0000
33		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9993	0,9724	0,7793	0,0913	0,0004	0,0000
34		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9997	0,9836	0,8371	0,1303	0,0009	0,0000
35		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9906	0,8839	0,1795	0,0018	0,0000
36		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9948	0,9201	0,2386	0,0033	0,0000
37		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9973	0,9470	0,3068	0,0060	0,0000	0,0000
38		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9986	0,9660	0,3822	0,0105	0,0000	0,0000
39		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9993	0,9790	0,4621	0,0176	0,0000	0,0000
40		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9997	0,9875	0,5433	0,0284	0,0000	0,0000
41		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9928	0,6225	0,0443	0,0000	0,0000
42		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9960	0,6967	0,0666	0,0000	0,0000
43		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9979	0,7635	0,0967	0,0000	0,0000
44		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9989	0,8211	0,1356	0,0000	0,0000	0,0000
45		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9995	0,8689	0,1841	0,0000	0,0000	0,0000
46		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9997	0,9070	0,2421	0,0000	0,0000
47		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9362	0,3086	0,0000	0,0000
48		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9577	0,3822	0,0000	0,0000
49		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9729	0,4602	0,0000	0,0000
50		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9832	0,5398	0,0000	0,0000
51		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9900	0,6178	0,0000	0,0000
52		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9942	0,6914	0,0000	0,0000
53		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9968	0,7579	0,0000	0,0000
54		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9983	0,8159	0,0000	0,0000
55		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9991	0,8644	0,0000	0,0000
56		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9996	0,9033	0,0000	0,0000
57		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9998	0,9334	0,0000	0,0000
58		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9557	0,0000	0,0000
59		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9716	0,0000	0,0000
60		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9824	0,0000	0,0000

Poissonverteilung  $X_\lambda \sim P(\lambda)$ , Verteilungsfunktionen  $F_\lambda(x) = P(X_\lambda \leq x)$

$\downarrow x$	$\lambda \rightarrow$	1	1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6	1,7	1,8	1,9	2	2,1	2,2	2,3	2,4
0		0,3679	0,3329	0,3012	0,2725	0,2466	0,2231	0,2019	0,1827	0,1653	0,1496	0,1353	0,1225	0,1108	0,1003	0,0907
1		0,7358	0,6990	0,6626	0,6268	0,5918	0,5578	0,5249	0,4932	0,4628	0,4337	0,4060	0,3796	0,3546	0,3309	0,3084
2		0,9197	0,9004	0,8795	0,8571	0,8335	0,8088	0,7834	0,7572	0,7306	0,7037	0,6767	0,6496	0,6227	0,5960	0,5697
3		0,9810	0,9743	0,9662	0,9569	0,9463	0,9344	0,9212	0,9068	0,8913	0,8747	0,8571	0,8386	0,8194	0,7993	0,7787
4		0,9963	0,9946	0,9923	0,9893	0,9857	0,9814	0,9763	0,9704	0,9636	0,9559	0,9473	0,9379	0,9275	0,9162	0,9041
5		0,9994	0,9990	0,9985	0,9978	0,9968	0,9955	0,9940	0,9920	0,9896	0,9868	0,9834	0,9796	0,9751	0,9700	0,9643
6		0,9999	0,9999	0,9997	0,9996	0,9994	0,9991	0,9987	0,9981	0,9974	0,9966	0,9955	0,9941	0,9925	0,9906	0,9884
7		1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9999	0,9998	0,9997	0,9996	0,9994	0,9992	0,9989	0,9985	0,9980	0,9974	0,9967
8		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9999	0,9998	0,9998	0,9997	0,9995	0,9994	0,9991
9		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9999	0,9999	0,9998

## Verteilungsfunktion $\Phi$ der Standardnormalverteilung

Dabei bedeutet  $\Phi(x)$  zum Beispiel:  $\Phi(2,13) = \Phi(2,1 + 0,03) = 0,9834$ . Diesen Wert findet man in der Zeile mit  $x_1 = 2,1$  und der Spalte mit  $x_2 = 0,03$ .

$x_1 \setminus x_2$	0	0,01	0,02	0,03	0,04	0,05	0,06	0,07	0,08	0,09
0	0,50000	0,50399	0,50798	0,51197	0,51595	0,51994	0,52392	0,52790	0,53188	0,53586
0,1	0,53983	0,54380	0,54776	0,55172	0,55567	0,55962	0,56356	0,56749	0,57142	0,57535
0,2	0,57926	0,58317	0,58706	0,59095	0,59483	0,59871	0,60257	0,60642	0,61026	0,61409
0,3	0,61791	0,62172	0,62552	0,62930	0,63307	0,63683	0,64058	0,64431	0,64803	0,65173
0,4	0,65542	0,65910	0,66276	0,66640	0,67003	0,67364	0,67724	0,68082	0,68439	0,68793
0,5	0,69146	0,69497	0,69847	0,70194	0,70540	0,70884	0,71226	0,71566	0,71904	0,72240
0,6	0,72575	0,72907	0,73237	0,73565	0,73891	0,74215	0,74537	0,74857	0,75175	0,75490
0,7	0,75804	0,76115	0,76424	0,76730	0,77035	0,77337	0,77637	0,77935	0,78230	0,78524
0,8	0,78814	0,79103	0,79389	0,79673	0,79955	0,80234	0,80511	0,80785	0,81057	0,81327
0,9	0,81594	0,81859	0,82121	0,82381	0,82639	0,82894	0,83147	0,83398	0,83646	0,83891
1	0,84134	0,84375	0,84614	0,84850	0,85083	0,85314	0,85543	0,85769	0,85993	0,86214
1,1	0,86433	0,86650	0,86864	0,87076	0,87286	0,87493	0,87698	0,87900	0,88100	0,88298
1,2	0,88493	0,88686	0,88877	0,89065	0,89251	0,89435	0,89617	0,89796	0,89973	0,90147
1,3	0,90320	0,90490	0,90658	0,90824	0,90988	0,91149	0,91309	0,91466	0,91621	0,91774
1,4	0,91924	0,92073	0,92220	0,92364	0,92507	0,92647	0,92785	0,92922	0,93056	0,93189
1,5	0,93319	0,93448	0,93574	0,93699	0,93822	0,93943	0,94062	0,94179	0,94295	0,94408
1,6	0,94520	0,94630	0,94738	0,94845	0,94950	0,95053	0,95154	0,95254	0,95352	0,95449
1,7	0,95543	0,95637	0,95728	0,95818	0,95907	0,95994	0,96080	0,96164	0,96246	0,96327
1,8	0,96407	0,96485	0,96562	0,96638	0,96712	0,96784	0,96856	0,96926	0,96995	0,97062
1,9	0,97128	0,97193	0,97257	0,97320	0,97381	0,97441	0,97500	0,97558	0,97615	0,97670
2	0,97725	0,97778	0,97831	0,97882	0,97932	0,97982	0,98030	0,98077	0,98124	0,98169
2,1	0,98214	0,98257	0,98300	0,98341	0,98382	0,98422	0,98461	0,98500	0,98537	0,98574
2,2	0,98610	0,98645	0,98679	0,98713	0,98745	0,98778	0,98809	0,98840	0,98870	0,98899
2,3	0,98928	0,98956	0,98983	0,99010	0,99036	0,99061	0,99086	0,99111	0,99134	0,99158
2,4	0,99180	0,99202	0,99224	0,99245	0,99266	0,99286	0,99305	0,99324	0,99343	0,99361
2,5	0,99379	0,99396	0,99413	0,99430	0,99446	0,99461	0,99477	0,99492	0,99506	0,99520
2,6	0,99534	0,99547	0,99560	0,99573	0,99585	0,99598	0,99609	0,99621	0,99632	0,99643
2,7	0,99653	0,99664	0,99674	0,99683	0,99693	0,99702	0,99711	0,99720	0,99728	0,99736
2,8	0,99744	0,99752	0,99760	0,99767	0,99774	0,99781	0,99788	0,99795	0,99801	0,99807
2,9	0,99813	0,99819	0,99825	0,99831	0,99836	0,99841	0,99846	0,99851	0,99856	0,99861
3	0,99865	0,99869	0,99874	0,99878	0,99882	0,99886	0,99889	0,99893	0,99897	0,99900
3,1	0,99903	0,99906	0,99910	0,99913	0,99916	0,99918	0,99921	0,99924	0,99926	0,99929
3,2	0,99931	0,99934	0,99936	0,99938	0,99940	0,99942	0,99944	0,99946	0,99948	0,99950
3,3	0,99952	0,99953	0,99955	0,99957	0,99958	0,99960	0,99961	0,99962	0,99964	0,99965
3,4	0,99966	0,99968	0,99969	0,99970	0,99971	0,99972	0,99973	0,99974	0,99975	0,99976

## $\alpha$ -Fraktile der $\chi^2$ -Verteilung mit $n$ Freiheitsgraden

$\downarrow \alpha \setminus n \rightarrow$	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
0,005	0,00	0,01	0,07	0,21	0,41	0,68	0,99	1,34	1,73	2,16	2,60	3,07	3,56	4,07	4,60
0,01	0,00	0,02	0,11	0,30	0,55	0,87	1,24	1,65	2,09	2,56	3,05	3,57	4,11	4,66	5,23
0,025	0,00	0,05	0,22	0,48	0,83	1,24	1,69	2,18	2,70	3,25	3,82	4,40	5,01	5,63	6,26
0,05	0,00	0,10	0,35	0,71	1,15	1,64	2,17	2,73	3,33	3,94	4,57	5,23	5,89	6,57	7,26
0,1	0,02	0,21	0,58	1,06	1,61	2,20	2,83	3,49	4,17	4,87	5,58	6,30	7,04	7,79	8,55
0,2	0,06	0,45	1,01	1,65	2,34	3,07	3,82	4,59	5,38	6,18	6,99	7,81	8,63	9,47	10,31
0,25	0,10	0,58	1,21	1,92	2,67	3,45	4,25	5,07	5,90	6,74	7,58	8,44	9,30	10,17	11,04
0,4	0,28	1,02	1,87	2,75	3,66	4,57	5,49	6,42	7,36	8,30	9,24	10,18	11,13	12,08	13,03
0,5	0,45	1,39	2,37	3,36	4,35	5,35	6,35	7,34	8,34	9,34	10,34	11,34	12,34	13,34	14,34
0,6	0,71	1,83	2,95	4,04	5,13	6,21	7,28	8,35	9,41	10,47	11,53	12,58	13,64	14,69	15,73
0,75	1,32	2,77	4,11	5,39	6,63	7,84	9,04	10,22	11,39	12,55	13,70	14,85	15,98	17,12	18,25
0,8	1,64	3,22	4,64	5,99	7,29	8,56	9,80	11,03	12,24	13,44	14,63	15,81	16,98	18,15	19,31
0,9	2,71	4,61	6,25	7,78	9,24	10,64	12,02	13,36	14,68	15,99	17,27	18,55	19,81	21,06	22,31
0,95	3,84	5,99	7,81	9,49	11,07	12,59	14,07	15,51	16,92	18,31	19,68	21,03	22,36	23,68	25,00
0,975	5,02	7,38	9,35	11,14	12,83	14,45	16,01	17,53	19,02	20,48	21,92	23,34	24,74	26,12	27,49
0,99	6,63	9,21	11,34	13,28	15,09	16,81	18,48	20,09	21,67	23,21	24,73	26,22	27,69	29,14	30,58
0,995	7,88	10,60	12,84	14,86	16,75	18,55	20,28	21,95	23,59	25,19	26,76	28,30	29,82	31,32	32,80
$\downarrow \alpha \setminus n \rightarrow$	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30
0,005	5,14	5,70	6,26	6,84	7,43	8,03	8,64	9,26	9,89	10,52	11,16	11,81	12,46	13,12	13,79
0,01	5,81	6,41	7,01	7,63	8,26	8,90	9,54	10,20	10,86	11,52	12,20	12,88	13,56	14,26	14,95
0,025	6,91	7,56	8,23	8,91	9,59	10,28	10,98	11,69	12,40	13,12	13,84	14,57	15,31	16,05	16,79
0,05	7,96	8,67	9,39	10,12	10,85	11,59	12,34	13,09	13,85	14,61	15,38	16,15	16,93	17,71	18,49
0,1	9,31	10,09	10,86	11,65	12,44	13,24	14,04	14,85	15,66	16,47	17,29	18,11	18,94	19,77	20,60
0,2	11,15	12,00	12,86	13,72	14,58	15,44	16,31	17,19	18,06	18,94	19,82	20,70	21,59	22,48	23,36
0,25	11,91	12,79	13,68	14,56	15,45	16,34	17,24	18,14	19,04	19,94	20,84	21,75	22,66	23,57	24,48
0,4	13,98	14,94	15,89	16,85	17,81	18,77	19,73	20,69	21,65	22,62	23,58	24,54	25,51	26,48	27,44
0,5	15,34	16,34	17,34	18,34	19,34	20,34	21,34	22,34	23,34	24,34	25,34	26,34	27,34	28,34	29,34
0,6	16,78	17,82	18,87	19,91	20,95	21,99	23,03	24,07	25,11	26,14	27,18	28,21	29,25	30,28	31,32
0,75	19,37	20,49	21,60	22,72	23,83	24,93	26,04	27,14	28,24	29,34	30,43	31,53	32,62	33,71	34,80
0,8	20,47	21,61	22,76	23,90	25,04	26,17	27,30	28,43	29,55	30,68	31,79	32,91	34,03	35,14	36,25
0,9	23,54	24,77	25,99	27,20	28,41	29,62	30,81	32,01	33,20	34,38	35,56	36,74	37,92	39,09	40,26
0,95	26,30	27,59	28,87	30,14	31,41	32,67	33,92	35,17	36,41	37,65	38,89	40,11	41,34	42,56	43,77
0,975	28,85	30,19	31,53	32,85	34,17	35,48	36,78	38,08	39,36	40,65	41,92	43,19	44,46	45,72	46,98
0,99	32,00	33,41	34,81	36,19	37,57	38,93	40,29	41,64	42,98	44,31	45,64	46,96	48,28	49,59	50,89
0,995	34,27	35,72	37,16	38,58	40,00	41,40	42,80	44,18	45,56	46,93	48,29	49,64	50,99	52,34	53,67

$\alpha$ -Fraktile der  $t$ -Verteilung mit  $n$  Freiheitsgraden

$\downarrow n \setminus \alpha \rightarrow$	0,6	0,75	0,8	0,9	0,95	0,975	0,99	0,995
1	0,325	1,000	1,376	3,078	6,314	12,706	31,820	63,657
2	0,289	0,816	1,061	1,886	2,920	4,303	6,965	9,925
3	0,277	0,765	0,979	1,638	2,353	3,183	4,541	5,841
4	0,271	0,741	0,941	1,533	2,132	2,776	3,747	4,604
5	0,267	0,727	0,920	1,476	2,015	2,571	3,365	4,032
6	0,265	0,718	0,906	1,440	1,943	2,447	3,143	3,707
7	0,263	0,711	0,896	1,415	1,895	2,365	2,998	3,499
8	0,262	0,706	0,889	1,397	1,860	2,306	2,897	3,355
9	0,261	0,703	0,883	1,383	1,833	2,262	2,821	3,250
10	0,260	0,700	0,879	1,372	1,812	2,228	2,764	3,169
11	0,260	0,698	0,875	1,363	1,796	2,201	2,718	3,106
12	0,259	0,696	0,873	1,356	1,782	2,179	2,681	3,054
13	0,259	0,694	0,870	1,350	1,771	2,160	2,650	3,012
14	0,258	0,692	0,868	1,345	1,761	2,145	2,624	2,977
15	0,258	0,691	0,866	1,341	1,753	2,131	2,603	2,947
16	0,258	0,690	0,865	1,337	1,746	2,120	2,583	2,921
17	0,257	0,689	0,863	1,333	1,740	2,110	2,567	2,898
18	0,257	0,688	0,862	1,330	1,734	2,101	2,552	2,878
19	0,257	0,688	0,861	1,328	1,729	2,093	2,539	2,861
20	0,257	0,687	0,860	1,325	1,725	2,086	2,528	2,845
21	0,257	0,686	0,859	1,323	1,721	2,080	2,518	2,831
22	0,256	0,686	0,858	1,321	1,717	2,074	2,508	2,819
23	0,256	0,685	0,858	1,319	1,714	2,069	2,500	2,807
24	0,256	0,685	0,857	1,318	1,711	2,064	2,492	2,797
25	0,256	0,684	0,856	1,316	1,708	2,059	2,485	2,787
26	0,256	0,684	0,856	1,315	1,706	2,055	2,479	2,779
27	0,256	0,684	0,855	1,314	1,703	2,052	2,473	2,771
28	0,256	0,683	0,855	1,312	1,701	2,048	2,467	2,763
29	0,256	0,683	0,854	1,311	1,699	2,045	2,462	2,756
30	0,256	0,683	0,854	1,310	1,697	2,042	2,457	2,750

$\alpha$ -Fraktile der  $F$ -Verteilung mit den Freiheitsgraden  $\nu_1$  und  $\nu_2$

$\alpha = 0,95$

$\nu_1 \setminus \nu_2$	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	15	20	30	40	50	100
1	161,4	18,51	10,13	7,71	6,61	5,99	5,59	5,32	5,12	4,96	4,54	4,35	4,17	4,08	4,03	3,94
2	199,5	19,00	9,55	6,94	5,79	5,14	4,74	4,46	4,26	4,10	3,68	3,49	3,32	3,23	3,18	3,09
3	215,7	19,16	9,28	6,59	5,41	4,76	4,35	4,07	3,86	3,71	3,29	3,10	2,92	2,84	2,79	2,70
4	224,6	19,25	9,12	6,39	5,19	4,53	4,12	3,84	3,63	3,48	3,06	2,87	2,69	2,61	2,56	2,46
5	230,2	19,30	9,01	6,26	5,05	4,39	3,97	3,69	3,48	3,33	2,90	2,71	2,53	2,45	2,40	2,31
6	234,0	19,33	8,94	6,16	4,95	4,28	3,87	3,58	3,37	3,22	2,79	2,60	2,42	2,34	2,29	2,19
7	236,8	19,35	8,89	6,09	4,88	4,21	3,79	3,50	3,29	3,14	2,71	2,51	2,33	2,25	2,20	2,10
8	238,9	19,37	8,85	6,04	4,82	4,15	3,73	3,44	3,23	3,07	2,64	2,45	2,27	2,18	2,13	2,03
9	240,5	19,38	8,81	6,00	4,77	4,10	3,68	3,39	3,18	3,02	2,59	2,39	2,21	2,12	2,07	1,97
10	241,9	19,40	8,79	5,96	4,74	4,06	3,64	3,35	3,14	2,98	2,54	2,35	2,16	2,08	2,03	1,93
15	245,9	19,43	8,70	5,86	4,62	3,94	3,51	3,22	3,01	2,85	2,40	2,20	2,01	1,92	1,87	1,77
20	248,0	19,45	8,66	5,80	4,56	3,87	3,44	3,15	2,94	2,77	2,33	2,12	1,93	1,84	1,78	1,68
30	250,1	19,46	8,62	5,75	4,50	3,81	3,38	3,08	2,86	2,70	2,25	2,04	1,84	1,74	1,69	1,57
40	251,1	19,47	8,59	5,72	4,46	3,77	3,34	3,04	2,83	2,66	2,20	1,99	1,79	1,69	1,63	1,52
50	251,8	19,48	8,58	5,70	4,44	3,75	3,32	3,02	2,80	2,64	2,18	1,97	1,76	1,66	1,60	1,48
100	253,0	19,49	8,55	5,66	4,41	3,71	3,27	2,97	2,76	2,59	2,12	1,91	1,70	1,59	1,52	1,39

$\alpha = 0,99$

$\nu_1 \setminus \nu_2$	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	15	20	30	40	50	100
1	4052	98,50	34,12	21,20	16,26	13,75	12,25	11,26	10,56	10,04	8,68	8,10	7,56	7,31	7,17	6,90
2	5000	99,00	30,82	18,00	13,27	10,92	9,55	8,65	8,02	7,56	6,36	5,85	5,39	5,18	5,06	4,82
3	5403	99,17	29,46	16,69	12,06	9,78	8,45	7,59	6,99	6,55	5,42	4,94	4,51	4,31	4,20	3,98
4	5625	99,25	28,71	15,98	11,39	9,15	7,85	7,01	6,42	5,99	4,89	4,43	4,02	3,83	3,72	3,51
5	5764	99,30	28,24	15,52	10,97	8,75	7,46	6,63	6,06	5,64	4,56	4,10	3,70	3,51	3,41	3,21
6	5859	99,33	27,91	15,21	10,67	8,47	7,19	6,37	5,80	5,39	4,32	3,87	3,47	3,29	3,19	2,99
7	5928	99,36	27,67	14,98	10,46	8,26	6,99	6,18	5,61	5,20	4,14	3,70	3,30	3,12	3,02	2,82
8	5981	99,37	27,49	14,80	10,29	8,10	6,84	6,03	5,47	5,06	4,00	3,56	3,17	2,99	2,89	2,69
9	6022	99,39	27,35	14,66	10,16	7,98	6,72	5,91	5,35	4,94	3,89	3,46	3,07	2,89	2,78	2,59
10	6056	99,40	27,23	14,55	10,05	7,87	6,62	5,81	5,26	4,85	3,80	3,37	2,98	2,80	2,70	2,50
15	6157	99,43	26,87	14,20	9,72	7,56	6,31	5,52	4,96	4,56	3,52	3,09	2,70	2,52	2,42	2,22
20	6209	99,45	26,69	14,02	9,55	7,40	6,16	5,36	4,81	4,41	3,37	2,94	2,55	2,37	2,27	2,07
30	6261	99,47	26,50	13,84	9,38	7,23	5,99	5,20	4,65	4,25	3,21	2,78	2,39	2,20	2,10	1,89
40	6287	99,47	26,41	13,75	9,29	7,14	5,91	5,12	4,57	4,17	3,13	2,69	2,30	2,11	2,01	1,80
50	6303	99,48	26,35	13,69	9,24	7,09	5,86	5,07	4,52	4,12	3,08	2,64	2,25	2,06	1,95	1,74
100	6334	99,49	26,24	13,58	9,13	6,99	5,75	4,96	4,41	4,01	2,98	2,54	2,13	1,94	1,82	1,60